## 4.1 Kontrollfragen

- 1. Was ist ein Grenzzyklus?
- 2. Warum treten Grenzzyklen nur in nichtlinearen Systemen auf?
- 3. Wie lautet die Gleichung für den van-der-Pol Oszillator?
- 4. Erläutern Sie qualitativ, warum der van-der-Pol Oszillator einen Grenzzyklus hat.
- 5. Was ist ein Gradientensystem?
- 6. Wieso kann ein Gradientensystem keinen Grenzzyklus haben?
- 7. Kann ein System mit einer Ljapunoff-Funktionen einen Grenzzyklus haben? Begründen Sie ihre Antwort.
- 8. Erläutern Sie Dulac's Kriterium.
- 9. Wie lautet das Poincaré-Bendixson Theorem?
- 10. Was versteht man unter der Isoklinen eines dynamischen Systems?
- 11. Was versteht man unter dem Index einer Kurve C bezüglich eines Vektorfeldes F?
- 12. Was versteht man unter dem Index eines Punktes?
- 13. Wie lautet der Index einer Kurve, die keinen Fixpunkt umschließt?
- 14. Wie lautet der Index einer geschlossenen Trajektorie?
- 15. Wie lautet der Index einer Kurve, die einen Sattelpunkt umschließt?
- 16. Wie berechnet man den Index einer Kurve, die mehrere Fixpunkte umschließt?